

Enseignant : Dr. Sylvain Bréchet Cours : physique générale I

Echéance: vendredi 6 décembre 2024

Durée: 90 minutes

3

Oscillateur sur plan incliné

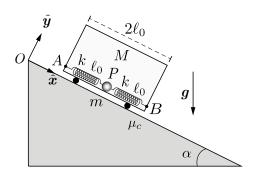
NOM:
PRENOM:
N° SCIPER :
SECTION: Mathématiques
SALLE:

L'exercice à rendre comporte un énoncé illustré et détaillé sur la page de gauche et des questions sur la page de droite. Les développements mathématiques et physiques sont à effectuer sur les pages quadrillées.

Consignes

- Le formulaire de l'examen (1 page A4 recto-verso) est autorisé.
- L'utilisation de tout **appareil électronique** est interdite.
- Les **réponses** sont à retranscrire sur les pointillés sous chaque question dans l'espace réservé à cet effet
- Utiliser un stylo à encre noir ou bleu foncé (éviter d'utiliser un crayon) et effacer proprement avec du correcteur blanc si nécessaire.
- Les feuilles de papier brouillon ne seront pas corrigées.

3. Oscillateur sur plan incliné



Un wagon de masse M et de longueur $2\ell_0$ se déplace le long d'un plan incliné d'un angle α par rapport à l'horizontale avec un frottement sec caractérisé par un coefficient de frottement cinétique constant μ_c qui satisfait la condition,

$$\mu_c \geqslant \tan \alpha$$

Un point matériel P de masse m est attaché à deux ressorts identiques de masse négligeable, de constante élastique k et de longueur au repos ℓ_0 , fixés aux points A et B sur les parois arrière et avant du wagon respectivement. Le point matériel P peut glisser sans frottement sur le sol du wagon le long du plan incliné. Il a un mouvement relatif rectiligne dans le référentiel relatif du wagon. Le wagon et le point matériel sont soumis au champ gravitationnel terrestre g.

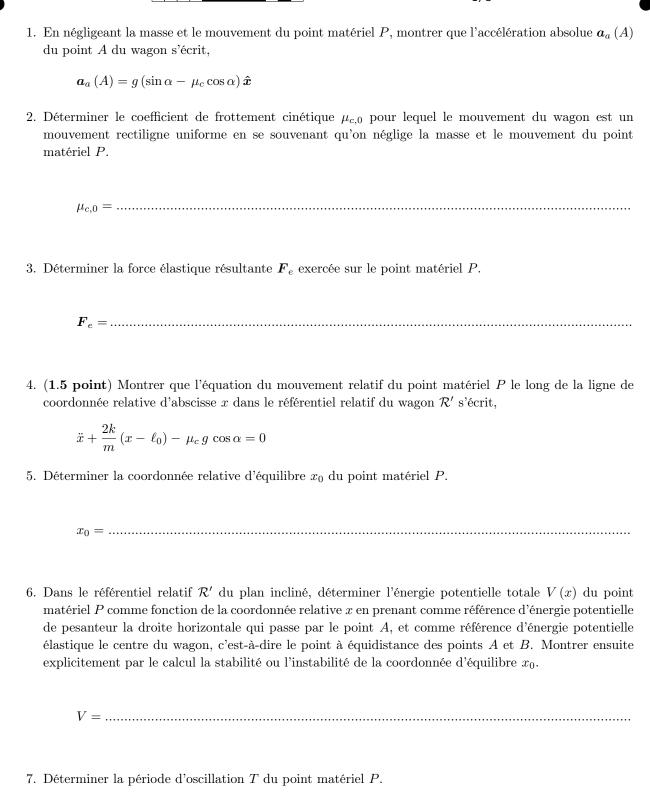
Pour décrire la dynamique du système formé du wagon et du point matériel P, on prend un repère cartésien (\hat{x}, \hat{y}) attaché à l'origine O choisie au haut du plan incliné. Ce repère est fixe par rapport au référentiel d'inertie absolu \mathcal{R} du plan incliné. On prend un repère cartésien (\hat{x}, \hat{y}) attaché au point A. Ce repère est mobile par rapport au référentiel d'inertie absolu \mathcal{R} du plan incliné et fixe par rapport au référentiel accéléré relatif \mathcal{R}' du wagon. Le vecteur position absolue $\mathbf{r}_a(A)$ et le vecteur position relative $\mathbf{r}_r(P)$ s'écrivent,

$$r_a(A) = OA = X \hat{x} + Y \hat{y}$$
 où $Y = \text{cste}$ et $r_r(P) = AP = x \hat{x}$

La masse et le moment d'inertie des roues du wagon sont négligeables. Le mouvement du wagon (c'est-à-dire du point A) peut donc être considéré comme celui d'un point matériel. La masse M du wagon vide est très grande par rapport à la masse m du point matériel, c'est-à-dire $m \ll M$. Dans cette approximation, l'influence du mouvement du point matériel sur le mouvement du wagon est négligeable. Le mouvement du wagon peut donc être étudié en négligeant simplement la masse m du point matériel. La réciproque n'est pas vraie.

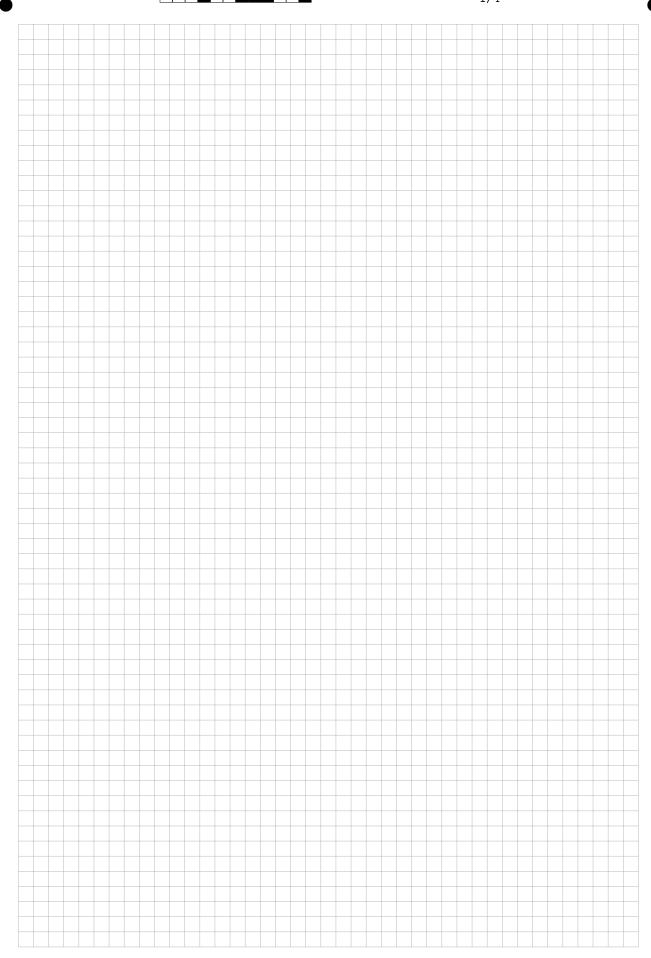
Les réponses doivent être exprimées en termes de la coordonnée cartésienne relative x et de ses dérivées temporelles, du vecteur de base \hat{x} , de la masse m, du coefficient de frottement cinétique μ_c , de la constante élastique k, de la longueur à vide ℓ_0 , de l'angle α , de la norme du champ gravitationnel g et des grandeurs scalaires spécifiées dans l'énoncé de chaque question.

Questions et réponses ci-contre, calculs sur les pages quadrillées suivantes

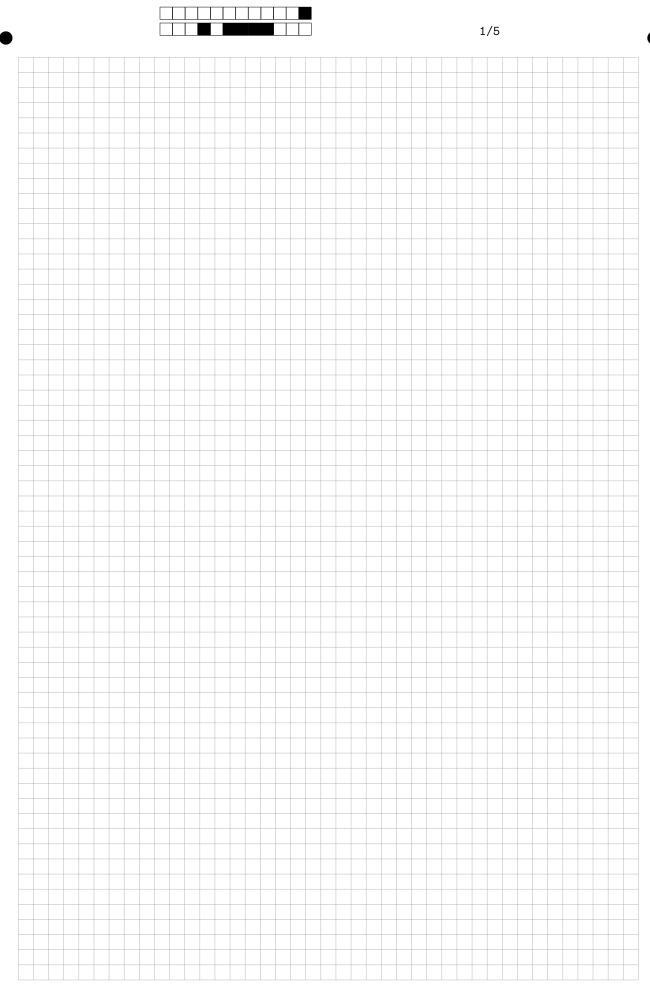


 $T = \dots$

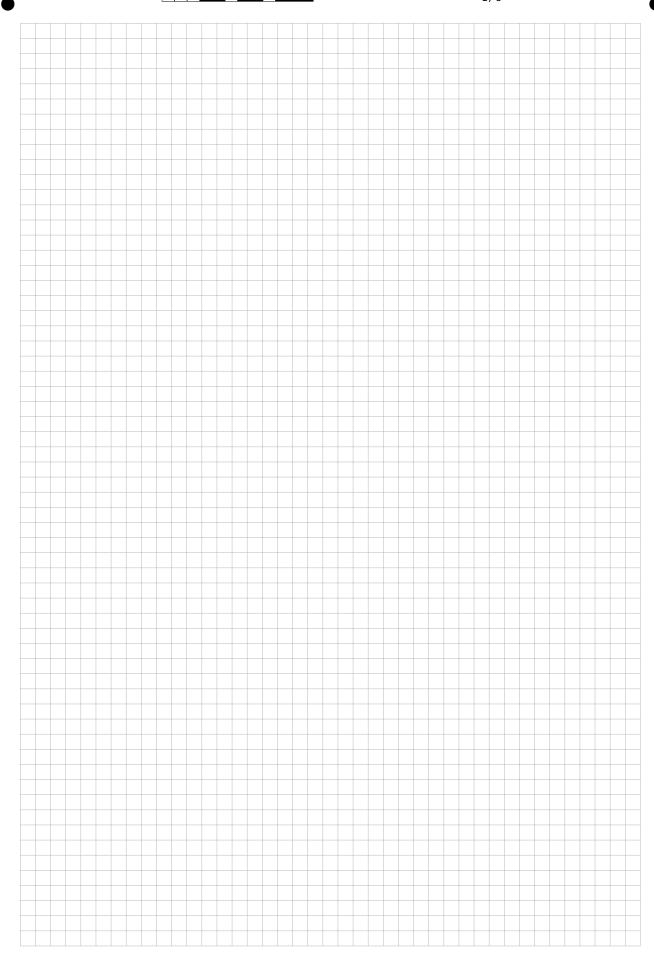












1/7

